

33期生 理系数学 STAY HOME, STUDY HARD 演習
購入している「基礎からの数学I+A」のP. 22~43も解いておこうね!!

1 [2004 大阪商業大]

$4\sin 30^\circ \cos 45^\circ \tan 60^\circ$ の値を求めよ。

2 [1997 倉敷芸術科学大]

$(\tan 30^\circ + \tan 60^\circ)^2 - (\tan 30^\circ + \tan 120^\circ)^2$ の値を求めよ。

3 [2009 中央大]

角 θ が鋭角で、 $\sin \theta = \frac{2}{3}$ であるという。 $\cos \theta$ と $\tan \theta$ の値を求めよ。

4 [2006 東海大]

$0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$ とする。 $\cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$ であるとき、 θ を求めよ。

5 [2003 北海道工業大]

角 θ が鈍角で $\cos \theta \tan \theta = \frac{1}{2}$ のとき、 θ および $\cos \theta$ の値を求めよ。

6 [2008 金沢工業大]

$\tan \theta = \frac{\sqrt{7}}{3}$ のとき、 $\cos \theta$ 、 $\sin \theta$ の値を求めよ。ただし、 $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする。

7 [2005 近畿大]

$0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする。 $\tan \theta = -\frac{12}{5}$ のとき、 $\sin \theta$ 、 $\cos \theta$ を求めよ。

8 [2003 同志社女子大]

$0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ のとき、 $2\cos^2 \theta + \cos \theta = 0$ を満たす θ の値を求めよ。

9 [2005 久留米大]

$0^\circ \leq x \leq 180^\circ$ のとき、関数 $y = \cos^2 x + \sin x - 3$ の最大値、最小値を求めよ。

10 [2004 大阪電気通信大]

$30^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ のとき、 $y = \cos^2 \theta + \cos \theta + \frac{3}{4}$ は $\theta = \square^\circ$ のとき最小値 \square 、

$\theta = \square^\circ$ のとき最大値 \square をとる。

11 [2006 京都薬科大]

$\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{2}$ のとき、次の式の値を求めよ。

(1) $\sin \theta \cos \theta$

(2) $\sin^3 \theta + \cos^3 \theta$

(3) $\sin^4 \theta + \cos^4 \theta$

(4) $\sin^5 \theta + \cos^5 \theta$

12 [2004 埼玉工業大]

$\sin \theta - \cos \theta = \frac{1}{2}$ であるとき、 $\sin \theta \cos \theta$ 、 $\sin^3 \theta - \cos^3 \theta$ の値を求めよ。

13 [2006 北海学園大]

$AB=5$ 、 $AC=8$ 、 $\angle BAC=60^\circ$ である三角形 ABC がある。このとき、辺 BC の長さ a と三角形 ABC の面積 S を求めよ。

14 [2004 福井工業大]

$\triangle ABC$ において、 $A=45^\circ$ 、 $b=\sqrt{2}$ 、 $c=1+\sqrt{3}$ のとき

(1) a の値を求めよ。

(2) B 、 C の値を求めよ。

15 [1999 千葉工業大]

三角形 ABC において、 $BC=7$ 、 $\angle B=105^\circ$ 、 $\angle C=45^\circ$ のとき、 AB の長さを求めよ。

16 [2003 玉川大]

$\triangle ABC$ において、 $AB=3$ 、 $AC=2$ 、 $\angle A=60^\circ$ であるとき、 $BC = \square$ で、 $\cos B$

の値は \square である。

17 [2004 大阪商業大]

$AB=2\sqrt{3}$ 、 $BC=3$ 、 $\angle ABC=60^\circ$ の平行四辺形 $ABCD$ の面積を求めよ。

18 [2000 法政大]

$\triangle ABC$ で $A=30^\circ$ 、 $BC=1$ のとき、この外接円の直径を求めよ。

19 [1999 東北学院大]

3 辺の長さが 6、10、14 である $\triangle ABC$ において

(1) 最大辺の対角の大きさを求めよ。

(2) $\triangle ABC$ の内接円の半径を求めよ。

20 [2003 鳥取大]

近くの公園に円形のプールがある。ある日、このプールの広さを測定しようと考え、私と友人は巻尺とチョークを持って出かけた。プールの縁の3ヵ所にチョークで印を付け、それぞれを A 、 B 、 C とした。 AB 、 BC 、 CA の水平距離を測定すると、それぞれ 9 m、6 m、12 m であった。

(1) $\angle ABC$ の正弦、余弦、正接の値を求めよ。

(2) $\triangle ABC$ の面積を求めよ。

(3) このプールの面積を求めよ。

21 [2015 神戸薬科大]

$\triangle ABC$ の3つの角 A 、 B 、 C に対して、 $\sin A : \sin B : \sin C = 3 : 5 : 7$ であるとき、

$\tan A = \square$ であり、角 C の大きさをラジアンで求めると $C = \square$ である。

22 [2015 東京理科大]

$AB=2$ 、 $BC=3$ 、 $CD=6$ 、 $DA=5$ である四角形 $ABCD$ があり、この四角形は円 O に内接している。

(1) $\cos \angle B = \square$ であり、 $AC = \square$ である。

(2) 円 O の半径は \square である。

(3) 四角形 $ABCD$ の面積は \square である。

(4) 四角形 $ABCD$ は、ある円に外接している。この円の半径は \square である。

23 [2009 首都大学東京]

半径 R の円周上に点 A 、 B 、 C 、 D がこの順で反時計回りに並んでいる。線分 AB 、 AC 、 BC 、 CD の長さはそれぞれ 1、 $\sqrt{5}$ 、 $\sqrt{2}$ 、 2 である。次の問いに答えよ。

(1) $\cos B$ を求めよ。ここで、 B は $\angle ABC$ を表す。

(2) 円の半径 R を求めよ。

(3) $\cos D$ を求めよ。ここで、 D は $\angle ADC$ を表す。

(4) 線分 AD の長さを求めよ。

24 [2007 名城大]

$\triangle ABC$ があり、辺の長さはそれぞれ、 $BC=8$ 、 $AC=5$ 、 $AB=7$ であるとする。このとき、 $\cos \angle ACB = \square$ である。また、 A から辺 BC に垂線を下ろすときにできる交点を D とすると、線分 AD の長さは \square である。

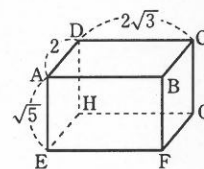
25 [2013 芝浦工業大]

図のような直方体 $ABCD-EFGH$ がある。

$\angle ACF = \theta$ とすると、 $\cos \theta = \square$ であり、 $\triangle AFC$ の

面積は \square である。また、点 B から $\triangle AFC$ に垂線 BP

を下ろすとき、 BP の長さは \square である。



26 [2009 國學院大]

あるタワーが立っている地点 K と同じ標高の地点 A からタワーの先端の仰角を測ると 30° であった。また、地点 A から $AB=114$ (m) となるところに地点 B があり、

$\angle KAB=75^\circ$ および $\angle KBA=60^\circ$ であった。このとき、 AK の距離は \square m、

タワーの高さは \square m である。