長野高校（国際教養科）シラバス

学校番号	３２１

令和２年度　数学科

教科	数学科	科目	数学Ⅱ	単位数	４単位	年次	２年次
使用教科書	改訂版 新編　数学Ⅱ（数研出版）						
副教材等	改訂版 基本と演習テーマ　完成ノート（数研出版）						

1　担当者からのメッセージ（学習方法等）

・授業では、課題に対して、自ら考え、周りの人と協働で考える活動を行います。
・「課題を理解する→結果を予想する→解決の方向を構想する→解決する→解決の過程を振り返ってよりよい解決を考える」といった一連の過程で、自分の考えを発表したり、議論したりする活動を行います。
・問題集の問題をまず自分で解いてみましょう。ただ答えを求めるだけでなく、途中式や考え方も書くようにしましょう。また、各自答え合わせをしてください。答え合わせは、自分がどこでつまずいたかを知るための大切なものです。
・家庭学習における課題は、定期的に提出してもらいます。最後まであきらめずに取り組みましょう。

2　学習の到達目標

いろいろな式、図形と方程式、指数関数・対数関数、三角関数及び微分・積分の考えについて理解し、基礎的な知識の習得と技能の習得を図り、事象を数学的に考察し表現する能力を養うとともに、それらを活用する態度を育てることを目標とします。

3　学習評価(評価規準と評価方法)

観点	a:関心・意欲・態度	b:数学的な見方や考え方	c:数学的な技能	d:知識・理解
観点の趣旨	いろいろな式，図形と方程式，指数関数・対数関数，三角関数及び微分・積分における考え方や体系に関心をもつとともに，数学のよさを認識し，それらを事象の考察に活用して数学的な考え方に基づいて判断しようとする。	いろいろな式,図形と方程式,指数関数・対数関数，三角関数及び微分・積分において,事象を数学的に考察し表現したり,思考の過程を振り返り多面的･発展的に考えたりすることなどを通して,数学的な見方や考え方を身に付けている。。	いろいろな式，図形と方程式，指数関数・対数関数，三角関数及び微分・積分において，事象を数学的に表現・処理する仕方や推論の方法などの技能を身に付けている	いろいろな式,図形と方程式，指数関数・対数関数，三角関数及び微分･積分における基本的な概念，原理・法則などを体系的に理解し,基礎的な知識を身に付けている
評価方法	確認テスト 単元テスト ワークシート 宿題提出 観察等	単元テスト 定期テスト ワークシート 宿題提出 観察等	確認テスト 単元テスト 定期テスト 観察等	確認テスト 単元テスト 定期テスト レポート 観察等

上に示す観点に基づいて、学習のまとまりごとに評価し、学年末に５段階の評定にまとめます。
学習内容に応じて、それぞれの観点を適切に配分し、評価します。

4 学習の活動

学期	内容	単元(題材)	学習内容	主な評価の観点				単元(題材)・学習内容の評価規準	評価方法
				a	b	c	d		
1学期	第1章・式と証明	式と計算	3次式の展開と因数分解	○			○	d.3 次式の展開の公式を利用することができる。 d.3 次式の因数分解の公式を利用することができる。 a.因数分解の検算に展開を利用しようとする態度がある。	確認テスト 単元テスト ワークシート レポート 観察等
			二項定理		○	○	○	b.二項定理をパスカルの三角形と結びつけて考えることができる。 ・d.項定理を利用して，展開式やその項の係数を求めることができる。 d.パスカルの三角形の性質，二項定理を理解し，活用できる。 c.二項定理を等式の証明に活用できる。 c.二項定理を3項の場合に適用することで，展開式の係数を求めることができる。	
			整式の割り算		○	○	○	d.整式の割り算の計算方法を理解している。 b.整式の割り算の結果を等式で表して考えることができる。 c.割り算で成り立つ等式を理解し，利用することができる。	
			分数式とその計算		○	○	○	d.分数式を分数と同じように約分，通分して扱うことができる。 b.分数式の約分，四則計算ができる。 c.分数式の計算の結果を，それ以上約分できない分数式にして表すことができる。	
			恒等式	○	○		○	d.恒等式と方程式の違いを理解している。 d.恒等式における文字の役割の違いを認識できる。 b.恒等式となるように，係数を決定することができる。 a.因数分解の検算に展開を利用しようとする態度がある。	
		等式・不等式の証明	等式の証明	○		○	○	d.・恒等式 A＝B の証明を，適切な方法で行うことができる。 c.A＝BとA－B＝0が同値であることを利して，等式を証明することができる。 c.与えられた条件式の利用方法を考え，等式を証明することができる。 d.比例式から分数式の値を求めることができる。 d.比例式を＝kとおいて処理することができる。 a.比例式を含む等式の証明を通じて，加比の理に興味をもち，考察しようとする。	
			不等式の証明	○	○	○	○	d.実数の大小関係の基本性質に基づいて，自明な不等式を証明することができる。 b.不等式の証明で，等号の成り立つ場合について考察できる。 c.実数の性質を利用して，不等式を証明することができる。 c.同値な不等式を証明することで，もとの不等式を証明することができる。 d.平方の大小関係を利用して，不等式を証明することができる。 d.絶対値の性質を利用し，絶対値を含む不等式を証明することができる。 a.不等式の証明を通じて，三角不等式に興味・関心をもち，それを利用しようとする。 b.相加平均・相乗平均の大小関係を利用して，不等式を証明することができる。	

	第2章・複素数と方程式	複素数と2次方程式の解	複素数とその計算		○	○	○	d.複素数の表記を理解し，複素数 a＋0i を実数 a と同一視できる。 d.複素数，複素数の相等の定義を理解している。 d.複素数の四則計算ができる。 d.共役な複素数を求めることができる。 b.複素数の除法の計算では，分母と分子に共役な複素数を掛ければよいことを理解している。 b.複素数の四則計算の結果は複素数であることを理解している。 b.負の数の平方根を理解している。 c.負の数の平方根を含む式の計算を，i を用いて処理することができる。	確認テスト 単元テスト ワークシート レポート 観察等
			2次方程式の解	○	○		○	a.2 次方程式の解が虚数になる場合もあることに興味を示し，2 次方程式の解を考察しようとする。 d.2 次方程式の解の公式を利用して，2 次方程式を解くことができる。 b.判別式を利用して，2 次方程式の解を判別することができる。 b.判別式 D の代わりに D/4 を用いても解の種類を判別できることを理解し，積極的に用いようとする。	
			解と係数の関係			○	○	d.解と係数の関係を使って，対称式の値や 2 次方程式の係数を求めることができる。 d.対称式を基本対称式で表して，式の値を求めることができる。 d.2 次方程式の解を利用して，2 次式を因数分解できる。 c.与えられた 2 数を解にもつ 2 次方程式が 1 つには定まらないことを理解している。 d.2 数を解とする 2 次方程式を作ることができる。 c.異なる 2 つの実数 α，β が正の数，負の数，異符号であることを，同値な式で表現できる。 c.2 次方程式の解の符号と，係数の符号の関係を理解している。 d.2 次方程式の解の符号に関する問題を，解と係数の関係を利用して解くことができる。	
		高次方程式	剰余の定理と因数定理	○	○		○	b.整式を 1 次式で割ったときの余りについて，剰余の定理で考察することができる。 d.剰余の定理を利用して，整式を1次式や2次式で割ったときの余りを求めることができる。 c.整式 P(x)が x－k で割り切れることを式で表現することができる。 d.P(k)＝0 である k の値の見つけ方を理解し，高次式を因数分解できる。 a.整式を 1 次式で割る計算に，組立除法を積極的に利用する。	
			高次方程式		○	○	○	d.高次方程式を1次方程式や2次方程式に帰着させることができる。 d.因数分解や因数定理を利用して，高次方程式を解くことができる。 b.高次方程式の 2 重解，3 重解の意味を理解している。 c.高次方程式が解 α をもつことを，式を用いて表現できる。 d.高次方程式の虚数解から，方程式の係数を決定することができる。 c.高次方程式が虚数解 a＋bi を解にもてば，a－bi も解にもつことを利用できる。(c)	

	第3章・図形と方程式	点と直線	直線上の点		○	○	○	b.線分の内分点，外分点の公式を統一してとらえようとする。 c.線分の外分点の公式を適用する際に，分母を正にして計算しようとする。 d.数直線上において，2 点間の距離，線分の内分点，外分点の座標が求められる。	確認テスト 単元テスト ワークシート レポート 観察等
			平面上の点	○	○		○	d.座標平面上において，2 点間の距離が求められる。 d.座標平面上において，線分の内分点，外分点の座標が求められる。 b.三角形の重心の座標の公式を理解している。 d.座標平面を利用して，図形の性質を証明することができる。 a.図形の問題を座標平面上で代数的に解決する解法のよさを知ろうとする。	
			直線の方程式		○		○	b.直線が x，y の 1 次方程式で表されることを理解している。 b.x 軸に垂直な直線は y＝mx＋n の形に表せないことを理解している。 d.与えられた条件を満たす直線の方程式の求め方を理解している。	
			2 直線の関係		○	○	○	c.2 直線の平行・垂直条件を理解していて，それを利用できる。 b.ある点を通り与えられた直線に平行な直線，垂直な直線の方程式を公式化し，利用しようとする。 d.直線に関して対称な点の座標を求めることができる。 d.図形的条件（線対称など）を式で表現できる。 d.図形 F(x, y)＝0 が点(s, t)を通ることを F(s, t)＝0 として処理できる。 c.点と直線の距離の公式を理解していて，それを利用できる。 d.F(x, y)＋kG(x, y)＝0 の形を利用して，2 直線の交点を通る直線の方程式を求めることができる。	
2学期		円	円の方程式		○	○	○	b.円の方程式が x，y の 2 次方程式で表されることを理解している。 b.与えられた条件を満たす円の方程式の求め方を理解している。 c.x，y の 2 次方程式を変形して，その方程式が表す図形を調べることができる。 d.図形 F(x, y)＝0 が点(s, t)を通ることを F(s, t)＝0 として処理できる。 c.3 点を通る円はこの 3 点を頂点とする三角形の外接円であることを理解している。 d.3 点を通る円の方程式を求めることができる。	
			円と直線			○	○	d.円と直線の共有点の座標を求めることができる。 d.1 次と 2 次の連立方程式では，計算しやすい方の文字を消去する。 c.円と直線の位置関係を，適切な方法で調べることができる。 c.・円の接線の公式を理解していて，それを利用できる。 d.円外の点から引いた接線の方程式を求めることができる。	
			2 つの円	○	○			a.2 つの円の位置関係を，動的な面から観察することができる。 b.2 つの円の位置関係と，中心間の距離と半径の関係から円の方程式を求めることができる。	

		軌跡と領域	軌跡と方程式		○	○	○	b.平面上の点の軌跡を，座標平面を利用して考察することができる。 c.軌跡を求めるには，逆についても調べる必要があることを理解している。 b.点が満たす条件から得られた方程式を，図形として考察することができる。 d.軌跡の定義を理解し，与えられた条件を満たす点の軌跡を求めることができる。 c.媒介変数処理が必要な軌跡の求め方を理解している。	
			不等式の表す領域		○	○	○	d.不等式の満たす解を，座標平面上の点の集合としてみることができる。 d.不等式の表す領域を図示することができる。 d.連立不等式の表す領域を図示することができる。 b.正領域，負領域の考えを理解して利用することができる。 b.線形計画法では(x，y の1次式)＝k とおいて，この式が直線を表すことを利用できる。 c.領域を利用する 1 次式の最大値・最小値の求め方を理解している。	
	第4章・三角関数	三角関数	角の拡張	○	○	○	○	b.一般角を動径とともに考察することができる。 d.一般角を表す動径を図示したり，動径の表す角をα＋360°　×n と表すことができる。 a.弧度法に興味をもち，角度の換算に取り組もうとする。(a) d.弧度法の定義を理解し，度数法と弧度法の換算をすることができる。 b.扇形の弧の長さと面積を求める際に，中心角が弧度法であることを理解している。 c.扇形の弧の長さと面積の公式を理解している。	確認テスト 単元テスト ワークシート レポート 観察等
			三角関数			○	○	d.弧度法で表された角の三角関数の値を，三角関数の定義によって求めることができる。 d.単位円上の点の座標を，三角関数を用いて表すことができる。 c.三角関数の相互関係を理解し，それらを利用して様々な値を求めたり，式変形をすることができる。	
			三角関数のグラフ	○			○	d.三角関数の周期とグラフの形の関係，定義域に注意して，正しいグラフがかける。 a.y＝sin θ とy＝cos θ のグラフが同じ形の曲線であることに興味，関心をもつ。 a.周期関数に興味をもち，その性質を調べようとする。	
			三角関数の性質		○		○	d.三角関数の性質とグラフの特徴を相互に理解している。 b.三角関数の性質を，グラフの特徴とともに考察することができる。	
			三角関数を含む方程式，不等式		○		○	b.三角関数を含む方程式，不等式を解く際に単位円やグラフを図示して考察することができる。また，その解き方を理解している。 d.三角関数を含む 2 次方程式の解き方を理解している。	
		加法定理	三角関数の加法定理		○	○	○	d.加法定理を利用して，種々の三角関数の値を求めることができる。 c.正接の定義と加法定理を利用して，2 直線のなす角を考えることができる。 b.正接の加法定理を利用して，2 直線のなす鋭角を求めることができる。	

			加法定理の応用		○	○	○	d.2 倍角，半角の公式を利用して，三角関数の値を求めることができる。 d.2 倍角の公式を利用して，等式を証明することができる。 c.2 倍角の公式を利用して，三角関数を含むやや複雑な方程式を解くことができる。 c.cos2θに適切な 2 倍角の公式を適用して，三角方程式を解くことができる。 c.asinθ＋bcosθをrsin(θ＋α)の形に変形する方法(三角関数の合成)を理解している。 b.x の関数 y＝asinx＋bcosx を変形して，関数の最大値・最小値を求めることができる。 d.変数を x にした関数 y＝asinx＋bcosx のグラフをかくことができる。 b.・合成後の変数のとる値の範囲に注意して，asinx＋bcosx＝k の形の方程式を解くことができる。	
	第5章・指数関数と対数関数	指数関数	指数の拡張	○	○	○	○	b.指数法則が成り立つように，指数の範囲を正の整数から実数にまで拡張していることを理解している。 c.am÷an を am×a－n として処理することができる。 d.指数が整数の場合の累乗の定義を理解し，累乗の計算や，指数法則を利用した計算をすることができる。 b.累乗根をグラフによって考察することができる。 a.累乗根の性質に興味を示し，具体的に証明しようとする。 d.累乗根の定義を理解し，累乗根の計算ができる。 c.指数が有理数の場合の累乗の定義を理解し，累乗の計算や，指数法則を利用した計算をすることができる。 d.累乗根を含む計算では，分数指数を利用して計算をすることができる。 a.負の数の n 乗根に興味を示し，具体的に理解しようとする。	確認テスト 単元テスト ワークシート レポート 観察等
			指数関数	○	○		○	a.指数関数のグラフの概形を，点をプロットしてかこうとする意欲がある。 b.指数関数のグラフの概形，特徴を理解している。 b.指数関数 y＝ax のグラフが定点(0，1)を通ることを理解している。 b.指数関数の増減によって，大小関係や方程式・不等式を考察することができる。(b) d.底と 1 の大小に注意して，指数関数を含む不等式を解くことができる。	
3学期		対数関数	対数とその性質		○	○	○	b.対数 logaM が M＝ap を満たす指数 p を表していることを理解している。 c.指数と対数とを相互に書き換えることができる。 d.対数の定義を理解し，対数の値を求めることができる。 d.対数の性質に基づいた種々の対数の値の計算ができる。 b.底の変換公式を等式として利用できる。(b)	
			対数関数	○	○	○	○	b.対数関数のグラフの概形，特徴を理解している。) b.対数関数 y＝logax のグラフが定点(1，0)を通ることを理解している。 c.対数関数の増減によって，大小関係や方程式・不等式を考察することができる。	

								d.底と 1 の大小に注意して，対数関数を含む不等式を解くことができる。 b.対数の性質を用いる際に，真数が正であることに着目できる。 a.やや複雑な対数方程式，対数不等式に積極的に取り組もうとする。	
			常用対数			○	○	d.正の数を a×10n の形に表現して，対数の値を求めることができる。 c.常用対数の定義を理解し，それに基づいて種々の値を求めることができる。 c.n 桁の数，小数首位が第 n 位の数を，不等式で表現することができる。 d.常用対数を利用して，桁数の問題や小数首位問題などを解くことができる。	
	第6章・微分法と積分法	微分積分と導関数	微分係数		○		○	b.平均変化率における h は負でもよいことを理解している。 b.極限値を計算して微分係数を求めるとき，分母の h は 0 でないことを理解している。 d.平均変化率，微分係数の定義を理解し，それらを求めることができる。	確認テスト 単元テスト ワークシート レポート 観察等
			導関数とその計算	○	○	○	○	d.導関数を表す種々の記号を理解していて，それらを適切に使うことができる。 d.導関数の性質を利用して，種々の導関数の計算ができる。 b.導関数を利用して微分係数が求められることを理解している。 c.変数が x，y 以外の関数について，導関数が求められる。 a.関数 xn の導関数について，二項定理を用いた証明に興味をもち，考察しようとする。	
			接線の方程式		○	○	○	d.接点の x 座標が与えられたとき，接線の方程式を求めることができる。 d.接線の方程式の公式を利用して，接線の方程式を求めることができる。 c.定点 C から曲線に接線を引くとき，接点 A における接線が点 C を通ると読み替えることができる。 b.曲線外の点から曲線に引いた接線の方程式の求め方を理解している。	
		関数の値の変化	関数の増減と極大・極小	○	○	○	○	b.接線の傾きで関数の増減が調べられることを理解している。 c.導関数を利用して，関数の増減を調べることができる。 b.関数の増減や極値を調べるのに，増減表を書いて考察している。 d.導関数を利用して，関数の極値を求めたり，グラフをかくことができる。 a.関数の増減や極値を調べ，3 次関数のグラフをできるだけ正しくかこうとする。 b.f′(a)＝0 は，f(a)が極値であるための必要条件ではあるが，十分条件ではないことを理解している。 c.関数の極値から関数を決定する際に，必要十分条件に注意している。 d.関数の極値が与えられたとき，関数を決定することができる。 a.関数の増減や極値を調べ，4 次関数のグラフをできるだけ正しくかこうとする。	
			関数の増減・グラフの応用	○	○	○	○	b.最大値・最小値と極大値・極小値との違いを，意識して考察できる。 d.導関数を利用して，関数の最大値・最小値を求めることができる。 c.最大・最小の応用問題では，変数のとり方，定義域に注意している。 d.導関数を利用して，最大値・最小値の応用問題を解くことができる。	

								b.方程式の実数解の個数を，関数のグラフと x 軸の共有点の個数に読み替えて考察できる。 b.不等式を，関数のグラフと x 軸との上下関係に読み替えて，考察できる。 b.不等式 f(x)≧0 を，関数 y＝f(x)の値域が 0 以上と読み替えることができる。 a.方程式や不等式を関数的視点で捉え，微分法を利用して解決しようとする。 d.導関数を利用して，方程式の実数解の個数問題，不等式の証明問題を解くことができる。	
		積分法	不定積分			○	○	d.不定積分の計算では，積分定数を書き漏らさずに示すことができる。 c.不定積分の定義や性質を理解し，それを利用する不定積分の計算方法を理解している。 d.与えられた条件を満たす関数を不定積分を利用して求めることができる。	
			定積分		○		○	b.定積分の定義や性質を理解し，それを利用する定積分の計算方法を理解している。 b.定積分の性質の等式を，左辺から右辺への変形として利用できる。 b.上端が x である定積分を，x の関数とみることができる。 d.上端が変数 x である定積分で表された関数を微分して処理することができる。	
			定積分と図形の面積	○	○	○	○	a.面積 S(x)が関数 f(x)の原始関数であることに興味･関心をもち，考察しようとする。 b.面積を求める際には，グラフの上下関係，積分範囲などを図をかいて考察している。 d.直線や曲線で囲まれた部分の面積を，定積分で表して求めることができる。 c.f(x)－g(x)の面積公式では，この式を線分の長さの総和と見ることができる。 d.図形の対称性に着目した面積計算をすることができる。 d.3 次関数のグラフと x 軸とで囲まれた 2 つの部分の面積の和を求めることができる。(d)	

※　表中の観点について　a：関心・意欲・態度　　b：数学的な見方や考え方
　　c：数学的な技能　　d：知識・理解

※　原則として一つの単元（教材）で全ての観点について評価することとなるが、学習内容（小単元）の各項目において重点的に評価を行う観点（もしくは重み付けを行う観点）について○を付けている。