

解説

- 11 半円の弧に対する円周角は 90° であるから

$$\angle BAD = 90^\circ$$

よって $\angle CAD = 90^\circ - 32^\circ = 58^\circ$

\widehat{CD} に対する円周角より

$$\angle CBD = \angle CAD = 58^\circ$$

解説

- 12 右の図のように、記号を決める。

\widehat{BC} に対する円周角は等しいから

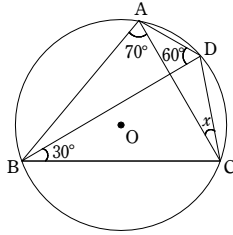
$$\angle BDC = \angle BAC = 70^\circ$$

\widehat{CD} に対する円周角は等しいから

$$\angle CAD = \angle CBD = 30^\circ$$

よって、 $\triangle ACD$ において

$$\begin{aligned} \angle x &= 180^\circ - (30^\circ + 60^\circ + 70^\circ) \\ &= 20^\circ \end{aligned}$$



解説

- 13 点 O から線分 AB に垂線をひき、線分 AB との交点を H とする。

$\triangle OAB$ は $OA = OB$ の二等辺三角形であるから、点 H は線分 AB の中点である。

$\triangle OAH$ において、三平方の定理により

$$AH^2 + 4^2 = 7^2$$

$$AH^2 = 33$$

$AH > 0$ であるから $AH = \sqrt{33}$ cm

$AB = 2AH$ であるから、弦 AB の長さは $2\sqrt{33}$ cm

解説

- 14 直線 $y = -\frac{3}{2}x + 6$ と x 軸の交点の x 座標は、 $0 = -\frac{3}{2}x + 6$ の解で表される。

$$\frac{3}{2}x = 6$$

$$x = 4$$

よって、交点の座標は (4, 0)

直線 $y = -ax + 8$ は点 (4, 0) を通るから

$$0 = -4a + 8$$

$$4a = 8$$

$$a = 2$$

解説

- 15 正六角形の 1 つの内角の大きさは 120° である。

$\triangle ABC$ において、辺 AC の中点を M とする。

$\triangle ABC$ は $AB = BC$ 、 $\angle ABC = 120^\circ$ の二等辺三角形であるから

$$\angle AMB = 90^\circ, \angle ABM = 60^\circ$$

である。

$AM : AB = \sqrt{3} : 2$ であるから

$$AM = \frac{\sqrt{3}}{2} AB = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

よって $AC = 2\sqrt{3} \times 2 = 4\sqrt{3}$ (cm)

$\triangle ABC$ 、 $\triangle CDE$ 、 $\triangle AFE$ はすべて合同であるから

$$AC = CE = AE$$

である。

1 辺が $4\sqrt{3}$ cm の正三角形の高さは

$$4\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 6 \text{ (cm)}$$

したがって、求める三角形の面積は

$$\frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 6 = 12\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}$$